

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ. ПОДГОТОВКА К КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЕ

Цель деятельности учителя	Создать условия для подготовки учащихся к контрольной работе	
Термины и понятия	Круг, площадь круга, круговой сектор, площадь кругового сектора, длина окружности, длина дуги окружности	
<i>Планируемые результаты</i>		
<i>Предметные умения</i>		<i>Универсальные учебные действия</i>
Владеют систематическими знаниями о плоских фигурах и их свойствах	<p><i>Познавательные:</i> умеют выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимать необходимость их проверки.</p> <p><i>Регулятивные:</i> умеют самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем, контролировать процесс и результат учебной математической деятельности.</p> <p><i>Коммуникативные:</i> учитывают разные мнения и стремятся к координации различных позиций в сотрудничестве; умеют формулировать, аргументировать и отстаивать свое мнение.</p> <p><i>Личностные:</i> проявляют познавательный интерес к изучению предмета</p>	
<i>Организация пространства</i>		
Формы работы	Фронтальная (Ф); индивидуальная (И)	
Образовательные ресурсы	* Тест	
<i>I этап. Тест с самопроверкой</i>		
Цель деятельности	Тестовые задания	
Систематизировать теоретические знания по изученной теме	<p>(И)</p> <p>1. Один из внутренних углов правильного n-угольника равен 150°. Найдите число сторон многоугольника.</p> <p>а) 9; б) 14; в) 12; г) 15.</p> <p>2. Периметр правильного треугольника равен $12\sqrt{3}$ см. Найдите радиус вписанной окружности.</p> <p>а) 2 см; б) 4 см;</p>	

в) $4/\sqrt{3}$ см;

г) $2/\sqrt{3}$ см.

3. Около квадрата описана окружность, и в квадрат вписана окружность. Найдите отношение радиуса описанной окружности к радиусу вписанной окружности.

а) $1/\sqrt{2}$;

б) $\sqrt{2}$;

в) 2;

г) $1/2$.

4. Сторона правильного шестиугольника равна 2 м. На сколько площадь описанного круга больше площади вписанного круга?

а) $3\sqrt{3}$;

в) $6\sqrt{3}$;

б) $\frac{3\sqrt{3}}{4}$;

г) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$.

5. Площадь полуокружности с центром в точке O равна 8π . Найдите площадь заштрихованной фигуры.

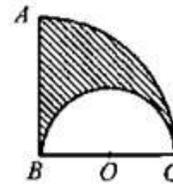


Рис. 1

а) 16π ;

б) 8π ;

в) 4π ;

г) 32π .

6. В окружность вписаны квадрат и правильный треугольник. Периметр треугольника равен 30 см, периметр квадрата равен:

а) $\frac{40\sqrt{6}}{3}$;

в) $\frac{40}{3}$;

б) $\frac{10\sqrt{6}}{3}$;

г) $\frac{20\sqrt{6}}{3}$.

Ответы: 1 - в; 2 - а; 3 - б; 4 - г; 5 - б; 6 - а

II этап. Решение задач

Цель деятельности

Деятельность учителя

Деятельность учащихся

Совершенствовать навыки решения задач

(Ф/И) Организует деятельность учащихся.

1. Даны стороны треугольника ABC - a, b, c и площадь S. Выразить радиусы описанной около треугольника и вписанной в него окружностей через a, b, c и S.
2. В сектор с центральным углом 60° и радиусом 6 см вписана окружность. Найти площадь заштрихованной фигуры.

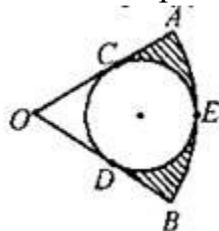


Рис. 2

1. Решение:

$$1) S = \frac{1}{2} Pr, P = a + b + c, 2S = r(a + b + c), \text{ значит, } r = \frac{2S}{a + b + c}.$$

$$2) R = \frac{a}{2 \sin \alpha}, \text{ значит, } \sin \alpha = \frac{2S}{bc}, R = \frac{abc}{4S}.$$

$$r = \frac{2S}{a + b + c}; R = \frac{abc}{4S}.$$

Ответ:

2. Решение:

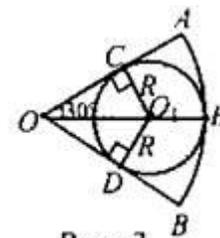


Рис. 3

Так как окружность вписана в сектор, то OA и OB - касательные к окружности, тогда OO₁ - биссектриса ∠COD, OC ⊥ OA. В ΔOCO₁ ∠COO₁ = 30°, CO₁ = R ⇒ OO₁ = 2R.

OE = OO₁ + O₁E = 2R + R = 3R = 6, тогда 3R = 6 см, OO₁ = 4 см.

$$S_{OCO_1} = \frac{1}{2} \cdot OC \cdot O_1C.$$

По теореме

Пифагора $OC^2 = OO_1^2 - CO_1^2 = 16 - 4 = 12 \Rightarrow OC = 2\sqrt{3} \text{ см} \Rightarrow$

$$\Rightarrow S_{OCO_1} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3} \text{ (см}^2\text{)}.$$

$$S_{OCO_1D} = 2 \cdot S_{OCO_1} = 2 \cdot 2\sqrt{3} = 4\sqrt{3} \text{ (см}^2\text{)}.$$

Найдем площадь кругового сектора, ограниченного дугой CDE:

$$S_{\text{сект}CDE} = \frac{\pi R^2}{360^\circ} \cdot 240^\circ = \frac{4\pi}{3} \cdot 2 = \frac{8\pi}{3} \text{ (см}^2\text{)}.$$

Найдем площадь кругового сектора, ограниченного дугой АЕВ:

$$S_{\text{сект}AEB} = \frac{\pi R^2}{360^\circ} \cdot 60^\circ = \frac{36\pi}{6} = 6\pi \text{ (см}^2\text{)}.$$

$$S_{\text{фигуры}} = S_{\text{сект}AEB} - S_{\text{OXO}_1D} - S_{\text{сект}CDE} = 6\pi - 4\sqrt{3} - \frac{8\pi}{3} = \frac{10\pi}{3} - 4\sqrt{3} \text{ (см}^2\text{)}.$$

Ответ: $\frac{10\pi}{3} - 4\sqrt{3} \text{ см}^2$

III этап. Итоги урока. Рефлексия

Деятельность учителя

Деятельность учащихся

(Ф/И)

(И) Домашнее задание: решить № 114, № 143

- Задайте три вопроса по уроку